

تاریخ الالجبر



تاریخ الالجبر

توصيف المقرر

ثانياً:

الرياضيات في العصر
الحديث

من القرن السادس
عشر حتى الآن
ازدهار حاتم

أولاً:

الرياضيات في العصور
القديمة

بداية النهضة
الأوربية

في الحضارة
الإسلامية²

عند الإغريق

عند البابليين

عند
المصريين
القدماء

المقدمة:

أهداف دراسة مقرر تاريخ الرياضيات :

التعرف على المفاهيم والعمليات الرياضية في كل مرحلة تاريخية والمقارنة بينها

التعرف على اسهامات الحضارات المختلفة في الرياضيات

التعرف على علماء الرياضيات في العصور المختلفة

التعرف على إسهامات الحضارة العربية والإسلامية في الرياضيات

الفصل الأول

الرياضيات في العصور القدمة

أولاً:

الرياضيات عند قدماء المصريين (الفراغة):

- العلوم الرياضية كانت متقدمة جداً (تصميم الأهرامات وتشييدها)
- فيضانات نهر النيل أدت إلى ظهور علم القياس ثم علم الهندسة
ثم علم الفلك

نظام العد عند المصريين القدماء:

- لا يوجد فيه رمز للصفر
- لا يعتمد على أماكن خاصة لقيم المنازل
- يعتمد على تكرار الرموز لكل من الأحاداد والعشرات والمئات

نظام العد العشري	1	2	4	10	100
نظام العد عند المصريين القدماء				๐	(๖)

نظام العد العشري	1000	10 000	100 000	1 000 000
نظام العد عند المصريين القدماء				

العمليات الحسابية الأربعه:

1) **الجمع :** تم بجمع عناصر كل منزلة

$$\begin{array}{r} 00|111 \\ \hline 25 \end{array} \quad 9 \quad \begin{array}{r} 000 | 11 \\ \hline 32 \end{array}$$

اجمع العددين

الجواب :

$$\begin{array}{r} 00000 | 11111 \\ \hline 57 \end{array}$$

العمليات الحسابية الأربعه:

2) الطرح : تم بطرح عناصر كل منزلة

$$\begin{array}{r} \text{اطرح العدد } 676 \text{ من العدد } 220 \\ 220 \\ - 676 \\ \hline 121 \end{array}$$

الجواب :

$$\begin{array}{r} 220 \\ - 676 \\ \hline 121 \end{array}$$

العمليات الحسابية الأربع:

٣) الضرب :

اعتمدوا على طريقة (تضعيف الصغير و تنصيف الكبير) كما يلي :

- نضع خطأً بجوار كل عدد فردي ينتج عن عملية التنصيف.
- تنصيف العدد الفردي بأخذ العدد الصحيح الأقل منه مباشرة.
- حاصل الضرب هو مجموع أعداد التضعيف المقابلة لأعداد التنصيف التي يجاورها خط .

تمرين :

أوجد حاصل ضرب العددين

14 و 25

<u>تنصيف</u>	<u>تضعيف</u>
- ٠٠	٠
٠	٠٠
	٠٠٠٠٠٠
-	٦ ٠
-	٦ ٥ ٠ ٦

الجواب هو ((٦٥٠| | | ٦) و (٦٠| | | ٦) و
و هو ٦٦٦٥٠٠٠٥٦

العمليات الحسابية الأربع:

4) القسمة :

عملية معاكسة لعملية الضرب ، اعتمد المصريون الطريقة التالية :

- تضييف المقسوم عليه عدداً من المرات مع كتابة عدد أمثاله
- المقسوم = مجموع بعض من المضاعفات السابقة للمقسوم عليه
- ناتج القسمة هو مجموع الأمثال المقابلة لتلك المضاعفات التي جمعناها وأعطت المقسوم.

تمرين : أوجد ناتج قسمة 123 على 3 بطريقة الرموز المصرية القديمة

الحل :

	المضاعفات	الأمثال
3		1
6		2
12	0	4
24	00	8
48	0000	0 16
96	00000000	000 32

ناتج القسمة هو (|000| و ||||| و |) = 123

قَرْطَاسَيُّ أَخْمِسْ وَأَحْمَسْ:

- هما وثيقتان تاريتان تعودان إلى قدماء المصريين
- محفوظتاناليوم في المتحف البريطاني
- تحدثان عن بعض العلوم التي عرفها قدماء المصريين آنذاك .

قرطاس (بردية) أحممس:

- هي بردية رايند الرياضية
- أقدم مخطوطة في الحساب عرفت في التاريخ (2700-2000)ق.م
- تتحدث عن كتابات في الرياضيات لحقبة 500 سنة سبقت صدور البردية (المعادلات الجبرية من الدرجة الأولى).

قرطاس (بردية) أخميم:

كتبت بنفس الفترة تقريباً و بفارق 50 عام وتحدث عن:

- أولى الإحصائيات في التاريخ الاحصائي
- أعمال هندسية
- العلاقة بين أضلاع المثلث القائم الذي اطوال اضلاعه 3 و 4 و 5
- المعادلات الجبرية من الدرجة الأولى
- إيجاد المساحات ومنها مساحة المربع والدائرة
- علم الميكانيك وخاصة ميكانيك الروافع

انتهت المحاضرة الأولى

الفصل الأول

الرياضيات في العصور القدمة

ثانياً:
تاريخ الرياضيات عند البيبرليين:

ثانياً:

تاريخ الرياضيات عند البابليين

- السومريون، الآشوريون، الأكاديون، الكلدانيون، البابليون حضارات سكنت بلاد الرافدين (العراق)
- سندرس تاريخ الرياضيات عند قدماء العراقيين اصطلاحاً عند البابليين
- تاريخهم بدأ منذ أقدم العصور و استمر حتى (539) ق.م

أهم منجزات الحضارة في العراق:

- الكتابة السومرية
- حدائق بابل المعلقة
- البناء الهندسي للقصور والمعابد (الزقورات)
- نبوغهم بالرياضيات والطب والجغرافية والتاريخ
- تميزوا بعلم الفلك
- بناء المكتبات (مكتبة نينوى)
- وضع الشرائع (شريعة حمورابي)
- صناعة الفخار للكتابة عليها

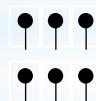
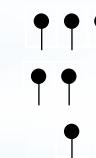
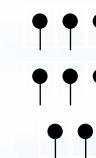
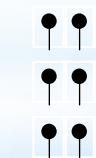
الأعداد عند شعوب ما بين النهرين:

- اكتشف السومريون الأرقام (3700 ق.م) في تل حرمل بالعراق
- جاء البابليون وورثوا عنهم معرفة الأعداد (2400ق.م)
- الأرقام البابلية سُميّت بالأسكار المسماوية (رمز العدد ((واحد)) بشكل مسمار قائم)
- رموزهم تكتب من اليمين إلى اليسار

الرموز المسمارية للأرقام والأعداد وتسميتها:

العدد	1	2	3	4	5
رمزه	●	● ●	● ● ●	● ● ● ●	● ● ● ● ●
اسمه	آش	من	إيش	لمو	أي أويا
توضيح	بالنسبة لشكل الكتابة تتم بوضع الواحدات جانب بعضها و بنفس الطريقة نكتب الأرقام من 1 حتى 9				

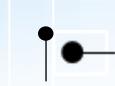
الرموز المسمارية للأرقام والأعداد وتسميتها:

العدد	6	7	8	9	10
رمزه					
اسمها	بالنسبة للتسمية نضيف (آي) إلى أسماء الأرقام الخمسة الأولى وهذا يعني زيادة (خمسة)				

الرموز المسمارية للأرقام والأعداد وتسميتها:

العدد	11	20	30	40	50
رمزه	● ↗	↖↖	↖↖↖	↖↖	↖↖↖
اسمها		نش	أوشو	نش من	نينو (نيني أو)
توضيح	10 على يسارها الواحد	ضعف المشرة 2×10	3 عشرات 3×10	ضعف العشرين 2×20	$2 \times 20 + 10$

الرموز المسمارية للأرقام والأعداد وتسميتها:

العدد	100	1000	10 000
رمزه			
توضيح	خطين أحدهما عامودي والآخر أفقي عن يمينه	مئة عشرة (نضع العشرة على يسار المئة)	ألف عشرة (نضع عشرة على يسار الألف)

نظام العد الستيني

- أول نظام عد موضعي عام 3100 ق. م
- رموز النظام الستيني هي :
 - لحساب الآحاد
 - ▷ لحساب العشرات
- الأعداد من الواحد حتى 59 تكتب بالرموز السابقتين فقط .
- المنازل في النظام الستيني هي (من اليمين لليسار):
درجة - دقة - ثانية - ثلاثة.

مثال :

بفرض لدينا العدد التالي المكون من المنازل الأربع التالية:

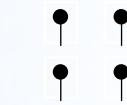
(من اليمين لليسار) 14 9 41 29

عبر عن المنازل السابقة برموز النظام الستيني

الحل:

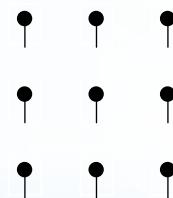
14

A



ثالثة

9



ثانية

41

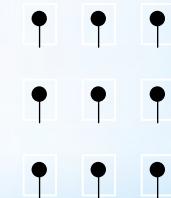
A A



دقيقة

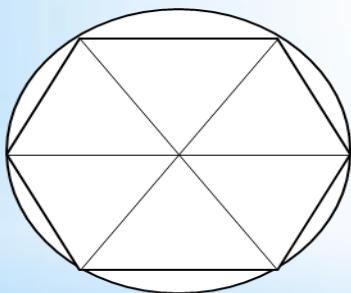
29

A A



درجة

الحساب عند البابليين



- النظام الستيني أفضل من النظام العشري وذلك لقابلية قسمة العدد 60 بسهولة على الأعداد 1,2,3,4,5,6,10,12,15,20,30
- اخْذَ النظام الستيني وحدة عدبية (تقسم الدائرة إلى 6 مثلثات متساوية الأضلاع، مجموع قياسات زوايا المثلثات الستة المتركزة في مركز الدائرة هو : $6^*60 = 360$ درجة)
- قسموا الساعة إلى 60 دقيقة والدقيقة إلى 60 ثانية
- عرفوا المتطابقات التالية :

$$1) (A \mp B)^2 = A^2 \mp 2AB + B^2 \quad \text{المتطابقات التربيعية}$$

$$2) A^2 - B^2 = (A - B)(A + B)$$

$$3) 2^0 + 2^1 + 2^3 + \dots \dots \dots 2^9 = 2^9 + (2^9 - 1)$$

$$4) 1^2 + 2^2 + \dots \dots 10^2 = \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{3} \times 10\right)(1 + 2 \dots 10)$$

الحساب عند البابليين

- حلواً مسائل في الربح المركب والمعادلات التكعيبية والمعادلات بمجهولين باستخدام الجداول الجاهزة .
- لعملية الطرح إشارة خاصة هي $\dot{-}$.
- لم يعرفوا أي مفهوم عن الصفر ، لم يرووه كرقم بل ببساطة **فقدان الرقم** .
- الضرب عند البابليين يتم :
 - تحويل الأعداد العشرية إلى النظام الستيوني
 - استخدام جداول خاصة للضرب بالنظام الستيوني
 - تحويل الناتج إلى النظام العشري
- عملية القسمة حولوها إلى عملية ضرب
- عرف البابليون المساحات و الحجوم كما عرفوا تشابه المثلثات القائمة .

انتهت المحاضرة الثانية